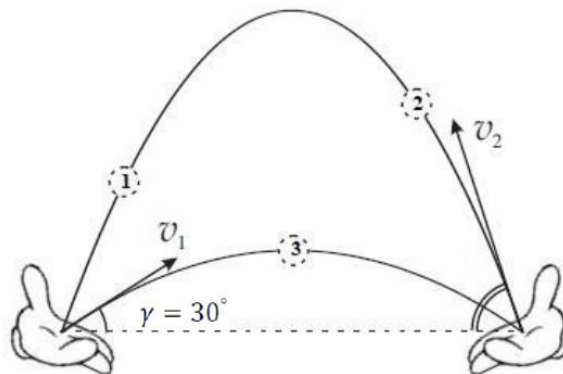


Всероссийская олимпиада школьников 2022-2023 учебный год
Окружной этап
ФИЗИКА
10 класс

1. Цирковой трюк

Клоун решил удивить публику новым трюком. Он взял три одинаковых теннисных шарика и стал их перебрасывать из руки в руку, как показано на рисунке. Считая, что, время полета шарика **2**, в три раза больше времени полета шарика **3**, определите начальную скорость шарика **2**. Сопротивлением воздуха пренебречь. Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$. Угол $\gamma = 30^\circ$.



Руки клоуна практически не смещаются и располагаются на одном уровне. Начальная скорость шарика **3** равна 2 м/с .

Решение:

Пусть t – время полёта шарика **3** из левой руки в правую, а $2t$ – время полёта шарика **2** из правой руки в левую; γ – угол, под которым брошен шарик **3** к горизонту, φ – угол, под которым брошен шарик **2** к горизонту. Тогда:

$$t = \frac{2v_1 \cdot \sin \gamma}{g}, \quad 3t = \frac{2v_2 \cdot \sin \varphi}{g} \rightarrow 3v_1 \cdot \sin \gamma = v_2 \cdot \sin \varphi \quad (1)$$

С другой стороны, дальность полёта шариков **2** и **3** по обеим траекториям одинакова:

$$v_1 t \cdot \cos \gamma = v_2 3t \cdot \cos \varphi \quad (2)$$

Поделим (1) на (2):

$$3t g \gamma = \frac{1}{3} t g \varphi \rightarrow t g \varphi = 9 t g \gamma = 3\sqrt{3} \quad (3)$$

Используя тождество $\cos \varphi = \frac{1}{\sqrt{1 + \tan^2 \varphi}}$ выразим скорость шарика **2** из (2):

$$v_2 = v_1 \cdot \frac{\cos \gamma \cdot \sqrt{1 + \tan^2 \varphi}}{3} \quad (4)$$

Ответ: $v_2 \approx 3 \text{ м/с}$.

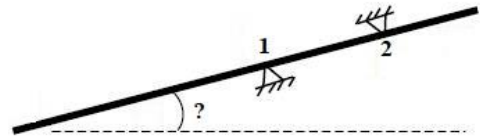
Критерии оценивания:

- 1) Записаны формулы для времен полета шариков **2** и **3** – 2 балла
- 2) Записаны формулы для дальности полета шариков **2** и **3** – 2 балла
- 3) Записано равенство дальностей в обоих случаях – 2 балла
- 4) Получено выражение для скорости шарика **3** – 2 балла
- 5) Получено численное значение для скорости шарика **3** – 2 балла

Всего 10 баллов

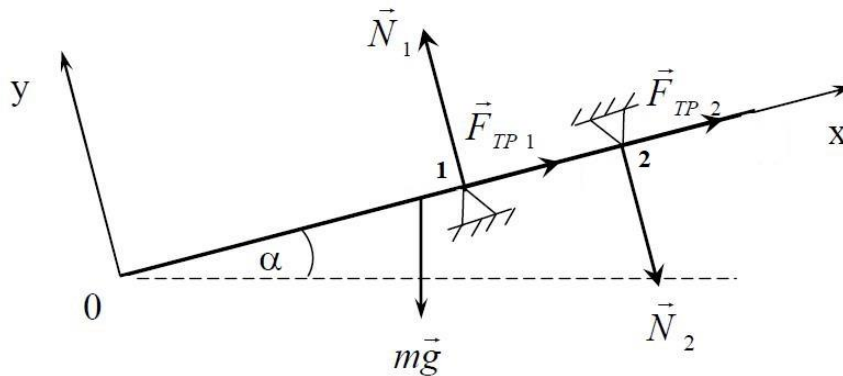
2. Равновесие балки

Для удержания в равновесии балки длиной L инженер-механик придумал конструкцию, изображенную на рисунке.



Балка удерживается в равновесии на опорах **1** и **2**, причём её левый конец не касается горизонтальной поверхности пола. Под каким углом к горизонту наклонена эта балка, если расстояние между опорами l_1 , коэффициент трения об опоры μ , расстояние от опоры **2** до правого конца балки l_2 . Балку считать однородной.

Решение:



Обозначим через α – угол наклона балки к горизонту и расставим силы, действующие на балку. Силы трения направлены вдоль балки вверх, т.к. балка стремится соскользнуть вниз. Балка будет находиться в равновесии, если будут выполняться два условия: равенство нулю всех сил, действующих на балку и равенства нулю моментов всех сил, действующих на балку, относительно оси, проходящей, например, через опору **2**. Запишем первое условие равновесия для балки в проекциях на ось Ox и Oy :

$$Ox: F_{тр1} + F_{тр2} - mg \cdot \sin \alpha = 0 \quad (1)$$

$$Oy: N_1 - N_2 - mg \cdot \cos \alpha = 0 \quad (2)$$

Принимая во внимание, что $F_{тр} \leq \mu N$, перепишем уравнения (1) и (2) в виде:

$$\mu N_1 + \mu N_2 - mg \cdot \sin \alpha \geq 0 \quad (3)$$

$$N_1 - N_2 - mg \cdot \cos \alpha = 0 \quad (4)$$

Напишем для балки второе условие равновесия, относительно оси, проходящей через **2**:

$$M_1 - M_2 = 0, \quad (5)$$

$$\text{где } M_1 = mg \cdot \left(\frac{L}{2} - l_2\right) \cdot \cos \alpha, M_2 = N_1 \cdot l_1$$

$$mg \cdot \left(\frac{L}{2} - l_2\right) \cdot \cos \alpha = N_1 \cdot l_1 \quad (6)$$

Из уравнений (4) и (6) найдем:

$$N_1 = \frac{mg \cdot \cos \alpha \left(\frac{L}{2} - l_2\right)}{l_1} \text{ и } N_2 = \frac{mg \cdot \cos \alpha \left(\frac{L}{2} - l_2 - l_1\right)}{l_1} \quad (7)$$

Подставляя (7) в (3), получим:

$$L \geq 2l_2 + l_1 \cdot \left(1 + \frac{tg\alpha}{\mu}\right) \rightarrow tg\alpha \leq \frac{(L-2l_2-l_1)}{l_1} \cdot \mu \quad (8)$$

Ответ: $tg\alpha \leq \frac{(L-2l_2-l_1)}{l_1} \cdot \mu$

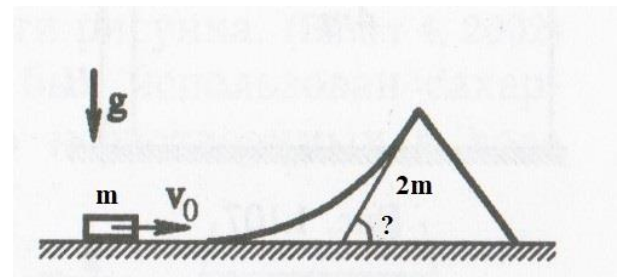
Критерии оценивания:

- 1) Сделан рисунок с указанием сил, действующих на балку - 1 балл
- 2) Верно записано первое условие равновесия для балки в проекциях ОХ и ОУ - 3 балла
- 3) Верно записано второе условие равновесия относительно оси 1 или 2 – 3 балла
- 4) Верно получено аналитическое выражение для $tg\alpha$ - 3 балла.

Всего 10 баллов

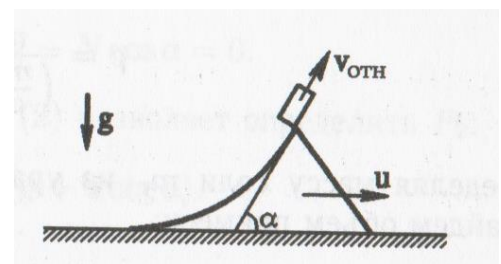
3. Ледяная горка

Юный хоккеист сообщает клюшкой шайбе горизонтальную скорость. В результате удара шайба попадает на покоящуюся гладкую ледяную горку, движется по этой горке без отрыва и покидает её. Горка движется по горизонтальной поверхности, не отрываясь от неё, приобретает скорость в четыре раза меньше начальной скорости шайбы. Нижняя часть горки имеет плавный переход к горизонтальной поверхности (см.Рис.). Пренебрегая изменением потенциальной энергии шайбы при ее движении по горке и считая поверхность, на которой располагается горка, гладкой, определите угол наклона к горизонту верхней части горки. Параметры, изображенные на рисунке, считать известными.



Решение:

На рисунке изображен момент соскальзывания шайбы с горки. Обозначим в этот момент скорость шайбы относительно горки через $v_{отн}$, а скорость самой горки через u . Очевидно, что скорость горки направлена горизонтально, а относительная скорость шайбы составляет угол α с горизонтом. Поскольку действующая на систему «шайба+горка» в горизонтальном направлении результирующая сила равна нулю, то горизонтальная составляющая импульса этой системы остаётся неизменной:



$$mv_0 = 2mu + m(v_{отн} \cdot \cos\alpha + u) \quad (1)$$

По условию задачи $u = v_0/4$, то (1) примет вид:

$$v_0 = 4v_{отн} \cdot \cos\alpha \quad (2)$$

По закону сохранения энергии:

$$\frac{mv_0^2}{2} = \frac{2mu^2}{2} + \frac{mv_{\text{ш}}^2}{2}, \quad (3)$$

где $v_{\text{ш}}$ - скорость шайбы в момент соскальзывания относительно неподвижной системы координат. Скорость шайбы найдем из закона сложения скоростей:

$$v_{\text{ш}}^2 = v_{\text{отн}}^2 + u^2 + 2 \cdot v_{\text{отн}} u \cdot \cos \alpha \quad (4)$$

После подстановки (4) в (3) с учётом $u = v_0/4$, получим:

$$13v_0^2 = 16v_{\text{отн}}^2 + 8 \cdot v_{\text{отн}} v_0 \cdot \cos \alpha \quad (5)$$

Подставляя (2) в (5), получим:

$$208v_{\text{отн}}^2 \cdot \cos^2 \alpha = 16v_{\text{отн}}^2 + 32v_{\text{отн}}^2 \cdot \cos^2 \alpha \rightarrow \cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{11}}.$$

Ответ: $\cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{11}}$.

Критерии оценивания:

- 1) Записано выражение для горизонтальной составляющей импульса – 2 балла
- 2) Записан закон сохранения энергии – 2 балла
- 3) Получено выражение для скорости шайбы – 2 балла
- 4) Получено численное значение для $\cos \alpha$ – 4 балла

Всего 10 баллов

4. Зима в Простоквашино

Зима в Простоквашино выдалась очень холодной. Днём температура воздуха за окном -15°C , а ночью -32°C . Чтобы не замёрзнуть, Матроскин и Шарик затопили печь. Они подбрасывали дубовые дрова днём в течение $\tau_1 = 6$ часов для поддержания температуры воздуха в доме 24°C , а ночью в течение $\tau_2 = 3$ часов для поддержания этой же температуры. Во сколько раз при этом изменится объем сжигаемых дров ночью по сравнению с дневным сжиганием?

Решение:

Введем обозначения: t_{10} – температура воздуха днём на улице, t_{20} – температура воздуха ночью на улице, t – температура воздуха в доме, q – удельная теплота сгорания дров. Будем считать, что мощность тепловых потерь $N_{\text{потерь}} = k\Delta t$. По закону сохранения энергии:

$$k \cdot (t - t_{10}) = q \cdot m_1 \cdot \tau_1, \quad (1)$$

$m_1 = \rho \cdot V_1$, ρ – плотность дров, V_1 – объём сжигаемых дров днём.

$$k \cdot (t - t_{20}) = q \cdot m_2 \cdot \tau_2, \quad (2)$$

$m_2 = \rho \cdot V_2$, V_2 – объём сжигаемых дров ночью.

Поделим (2) на (1) с учётом $m = \rho \cdot V$:

$$\frac{V_2 \cdot \tau_2}{V_1 \cdot \tau_1} = \frac{(t - t_{20})}{(t - t_{10})} \quad (3)$$

Ответ: увеличится \approx в 2,87 раз

Критерии оценивания:

- 1) Записано выражение для мощности тепловых потерь – 1 балл
- 2) Записаны закон сохранения энергии днём – 3 балла
- 3) Записаны закон сохранения энергии ночью – 3 балла
- 4) Получено выражение для $\frac{V_2}{V_1}$ – 2 балла
- 5) Получен верный численный ответ - 1 балл

Всего 10 баллов

5. Одинаковые лампочки

Экспериментатор Глюк изучал зависимость силы тока от напряжения в электрической цепи с лампой накаливания. Результаты измерений он проиллюстрировал в виде вольт-амперной характеристики (Рис.1). Затем, Глюк собрал электрическую цепь, состоящую из двух исследуемых ранее одинаковых ламп накаливания, идеального амперметра, идеальной батарейки и резистора (Рис.2). Помогите Глюку определить показания амперметра при известных на Рис.2 значениях элементов электрической цепи.

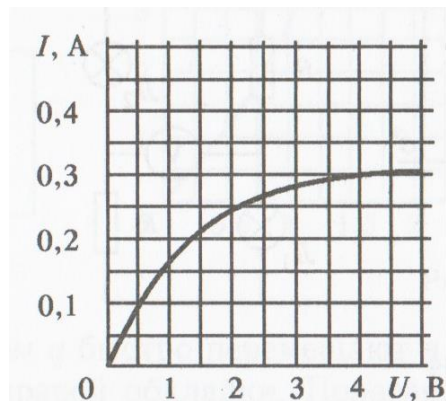


Рис. 1

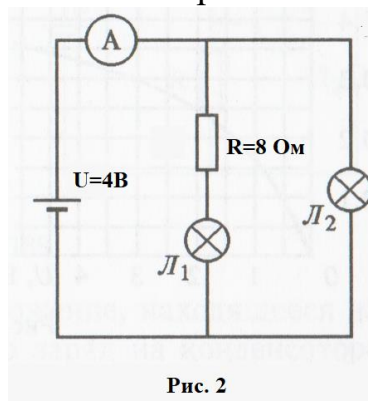


Рис. 2

Решение:

Напряжение на лампочке L_1 :

$$U_{L1} = U - I_{L1} \cdot R, \quad (1)$$

где I_{L1} – ток через лампу L_1

Уравнение (1) называется уравнением нагрузочной прямой. Построим эту прямую.

Пересечение этой прямой с вольт-амперной характеристикой лампочки даёт:

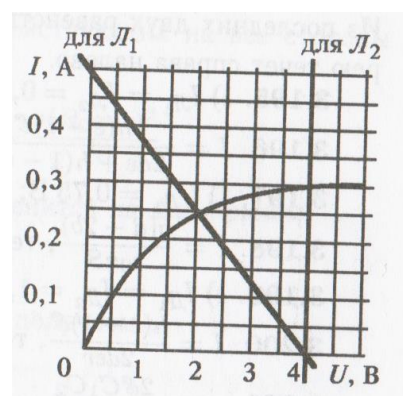
$$U_{L1} = 2\text{В}, \quad I_{L1} = 0,25 \text{ А}. \quad (2)$$

Напряжение на второй лампочке $U_{L2} = 4\text{В}$. По

вольт-амперной характеристике находим ток через неё: $I_{L2} = 0,3 \text{ А}$. Ток через батарею равен:

$$I = I_{L1} + I_{L2} = 0,55 \text{ А}. \quad (3)$$

Именно этот ток и покажет амперметр.



Ответ: $I = 0,55 \text{ А}$.

Критерии оценивания:

- 1) Записан закон Ома для контура с L_1 и выражено напряжение на L_1 - 2 балла
- 2) Верно построена нагрузочная кривая - 2 балла
- 3) Определены напряжение и ток на L_1 - 2 балла
- 4) Определены напряжение и ток на L_2 - 2 балла
- 5) Найден ток через амперметр - 2 балла

Всего 10 баллов